#### Лабораторна робота №1

## ТЕМА: « БАЗИСИ НЕЕМПІРИЧНИХ РОЗРАХУНКІВ. ОПТИМІЗАЦІЯ ГЕОМЕТРІІ МОЛЕКУЛ »

# Виконав студент групи БХ-134 Іванов Іван Іванович

#### Завдання:

Сполука  $B_2Cl_4$  має різну конфігурацію в газовій фазі (симетрія  $D_2d$ ) і в кристалічному (D<sub>2</sub>h) стані. Розрахуйте енергії цих конфігурацій і зіставте геометричні параметри з експериментальними величинами (див. таблицю нижче). Опишіть залежність Гартрі-Фоковскої енергії системи від числа базисних функцій.

| Фаза     | R(B-Cl), Å        | R(B-B), Å                   | ∠ C <b>I–B–Cl, гр</b> ад. | _ |
|----------|-------------------|-----------------------------|---------------------------|---|
| Кристал. | $1.73 \pm 0.02$   | $1.75 \pm 0.05$             | $120.5 \pm 1.3$           |   |
| Пар      | $1.750 \pm 0.011$ | 1.70 <mark>2</mark> ± 0.069 | $118.65 \pm 0.66$         |   |

Для розрахунку вибираємо двічі і тричі валентно-розшеплені базиси з різною кількістю поляризаційних функцій: 6-31G, 6-31G(d), 6-31G(2d), 6-311G(2d). Така послідовність базисів відповідає систематичному поліпшенню якості розрахунку. Також, з метою дослідження точності вибраних базисів був проведений ряд додаткових розрахунків в розширених базисах: 6-311G(3d), 6-311G(3d,1f), 6-311G(2d), aug-cc-pVTZ.

Структура досліджуваної системи за даними розрахунків в кристалічному і пароподібному стані має вигляд (Рис. 1).



Конфігурація В (пара,  $D_2d$ )

**Рис. 1.** – Геометрія молекули  $B_2Cl_4$  в кристалічному (A) і пароподібному (B) станах за результатами проведених квантово-хімічних розрахунків

Методом Гартрі-Фока розраховуємо енергію і геометричні параметри цих двох конфігурацій. Дані представлені в Табл. 1 і Табл. 2. Для опису геометрії обчислюємо різниці розрахованих і експериментальних параметрів, а також відповідне середньоквадратичне відхилення довжин зв'язків (Root Means Square, RMS). Цю величину можна обчислити за формулою:

RMS = 
$$\sqrt{\frac{\sum_{i=1,5} (R_i(calc) - R_i(exp))^2}{5}}$$
, (1)

де R<sub>i</sub>(calc) і R<sub>i</sub>(exp) – розраховані і експериментальні довжини зв'язків відповідно. Розрахунок (1) ведеться по п'яти точкам.

**Таблиця 1**. Розраховані характеристики молекули B<sub>2</sub>Cl<sub>4</sub> в кристалічному стані (конфігурація A, D<sub>2</sub>h). У дужках вказані різниці між розрахованими і експериментальними величинами

|                       | Б               | ( 110         |              |                    |              |
|-----------------------|-----------------|---------------|--------------|--------------------|--------------|
|                       | Експерим.       | 6-31G         | 6-31G(d)     | 6- <b>31</b> G(2d) | 6-311G(2d)   |
| Енергія,              | _               | -1887.3346048 | -1887.453889 | -1887.462225       | -1887.586693 |
| ат. од.               |                 |               |              |                    |              |
| R <sub>B-Cl</sub> , Å | $1.73\pm0.02$   | 1.787         | 1.7497       | 1.7546             | 1.7526       |
|                       |                 | (0.057)       | (0.0197)     | (0.0246)           | (0.0226)     |
| R <sub>B-B</sub> , Å  | $1.75 \pm 0.05$ | 1.713         | 1.741        | 1.737              | 1.7348       |
|                       |                 | (-0.037)      | (-0.009)     | (-0.013)           | (-0.0152)    |
| RMS                   | —               | 0.054         | 0.018        | 0.023              | 0.021        |
| ∠ Cl–B–Cl             | $120.5 \pm 1.3$ | 118.24        | 118.6        | 118.4              | 118.38       |
|                       |                 | (-2.26)       | (-1.9)       | (-2.1)             | (-2.12)      |

**Таблиця 2.** Розраховані характеристики молекули B<sub>2</sub>Cl<sub>4</sub> в пароподібному стані (конфігурація B, D<sub>2</sub>d). У дужках вказані різниці між розрахованими і експериментальними величинами. В останньому рядку наведена різниця енергій в двох геометричних конфігураціях E(B)-E(A)

|                       | Эксп.             | 6-31G        | 6-31G(d)     | 6-31G(2d)    | 6-311G(2d)   |  |
|-----------------------|-------------------|--------------|--------------|--------------|--------------|--|
| Енергія,              | -                 | -1887 339831 | -1887 458506 | -1887 466904 | -1887 591768 |  |
| ат. од.               |                   | -1007.557051 | -1007.450500 | -1007.10074  | -1007.371700 |  |
| R <sub>B-Cl</sub> , Å | $1.750 \pm 0.011$ | 1.7890       | 1.752        | 1.757        | 1.755        |  |
|                       |                   | (0.039)      | (0.002)      | (0.007)      | (0.005)      |  |
| R <sub>B-B</sub> , Å  | $1.702 \pm 0.069$ | 1.6844       | 1.709        | 1.705        | 1.701        |  |
|                       |                   | (-0.0176)    | (0.007)      | (0.003)      | (-0.001)     |  |
| RMS                   |                   | 0.036        | 0.004        | 0.006        | 0.004        |  |
| ∠ Cl–B–Cl             | $118.65 \pm 0.66$ | 119.2        | 119.6        | 119.5        | 119.6        |  |
|                       |                   | (0.55)       | (0.95)       | (0.85)       | (0.95)       |  |
| E(B)-E(A)             | _                 | 2.2          | 2.0          | 2.0          | 2.2          |  |
| (ккал/моль)           |                   | -3.3         | -2.9         | -2.9         | -3.2         |  |

Дані RMS в обох таблицях говорять про те, що базис 6-31G є дуже грубим. Помилка в обчисленні геометрії досить велика. Базиси 6-31G(d), 6-31G(2d) і 6-311G (2d) дають приблизно однакову точність в описі геометрії і в структурі A (~ 0.01-0.02 Å) і в структурі В (~ 0.001-0.007 Å). Цікаво, що точність опису геометрії в структурі В систематично вище ніж в структурі А. Ця обставина вимагає подальшого дослідження.

Проте, енергетичні різниці E(B)-E(A), ккал/моль (див. Табл. 2, останній рядок) приблизно однакові для всіх використаних базисів ~3 ккал/моль. Тобто відносна точність опису енергій обох систем приблизно однакова у всіх базисах.

З'ясуємо тепер, як змінюється повна енергія системи при збільшенні числа базисних функцій. На рис. 2. представлено графік залежності енергії системи А (відносно енергії в базисі 6-31G - крайня ліва точка) від числа базисних функцій. Можна бачити, що в двічі розщеплених базисах, при додаванні поляризаційних функцій істотно (і різко) знижується енергія системи. Однак, всі тричі розщеплені базиси (включаючи дорогий в сенсі обчислювальних витрат – aug-cc-pVTZ) складають групу з близькими енергіями. Таким чином, можна припустити, що результати розрахунків енергії системи в тричі розщеплених базисах досить близькі до «Гартрі-Фоковскої межі»



**Рис. 2.**– Енергії (ат. од.) системи В<sub>2</sub>Cl<sub>4</sub>, в конфігурації А, відносно енергії в базисі 6-31G, в залежності від числа базисних функцій (N<sub>bas</sub>)

# висновки

В цілому, проведені розрахунки говорять, що адекватні результати в описі енергетичних характеристик можна отримати навіть в нерозвинених базисах.

1. Базис 6-31G, з усього використаного набору, істотно відрізняється від інших в описі геометрії молекул і є найгіршим.

2. Конформація В нижче за енергією ніж конформація А на ~3 ккал/моль в усіх базисах.

3. Базиси з поляризаційними функціями (6-31G(d), 6-31G(2d) і т. д.) дають приблизно однакові результати як в описі енергетичних характеристик, так і при описі геометрії систем. Тому, з метою економії обчислювальних ресурсів, в подібних завданнях і системах, можна використовувати простіший базис 6-31G(d).

## подяки

Автор звіту дякує студентам які прочитали цей звіт

